

Låt oss beräkna den oändliga summan av  $\sum_{s=1}^{\infty} \frac{x}{(1+r)^s}$ . Vi kallar värdet av denna för  $S$ .

$$\sum_{s=1}^{\infty} \frac{x}{(1+r)^s} = S$$

Multipluera båda sidor med  $((1+r) - 1)$

$$((1+r) - 1) \sum_{s=1}^{\infty} \frac{x}{(1+r)^s} = ((1+r) - 1) S$$

Vänsterledet kan vi då skriva som

$$\begin{aligned} &= x + \frac{x}{1+r} + \frac{x}{(1+r)^2} + \dots \\ &\quad - \frac{x}{1+r} - \frac{x}{(1+r)^2} - \frac{x}{(1+r)^3} + \dots \\ &= x - \frac{x}{(1+r)^{\infty}} \end{aligned}$$

Detta är lika med  $x$  om  $r > 0$ .

Vad är högerledet?

$$((1+r) - 1) S = rS$$

Vi får alltså

$$\begin{aligned} x &= rS \\ S &= \frac{x}{r} \end{aligned}$$

På samma sätt.

$$\begin{aligned} \sum_{s=1}^{\infty} \frac{(1-\delta)^{s-1} x}{(1+r)^s} &= \bar{S} \\ (1+r - (1-\delta)) \sum_{s=1}^{\infty} \frac{(1-\delta)^{s-1} x}{(1+r)^s} &= (1+r - (1-\delta)) \bar{S} \end{aligned}$$

Vänsterledet är

$$\begin{aligned} &x + \frac{1-\delta}{1+r} x + \frac{(1-\delta)^2}{(1+r)^2} x + \dots \\ &\quad - \frac{1-\delta}{1+r} x - \frac{(1-\delta)^2}{(1+r)^2} x - \dots \\ &= x \end{aligned}$$

Högerledet är

$$(r + \delta) \bar{S}$$

Alltså

$$\bar{S} = \frac{x}{r + \delta}$$